

# 盗聴とビザンチン攻撃に対して安全なネットワーク符号化法

数理情報学専攻 48156220 中村 渉

指導教員 平井 広志 准教授

## 1 はじめに

ネットワーク符号化法 [1] とは、各頂点で受信データを符号化して隣接頂点に伝送することで、送信点から受信点にメッセージ  $M^L$  を送る方法である。この方法には、より多くの情報を送信できるという利点がある。

ネットワーク符号化法に対して、伝送データからメッセージ  $M^L$  の情報を得ようとする盗聴や、伝送データを改変して誤ったメッセージを復号させようとするビザンチン攻撃が考えられ、これらに対して安全な符号化法が重要なテーマである。盗聴に対しては安全性の基準がいくつかあり、その中でも強い基準として強  $r$ -安全性 [2] がある。一方、ビザンチン攻撃検出可能な符号化法も研究されている ([3] など)。しかし、盗聴に対して強安全かつビザンチン攻撃検出可能な方法はない。また、盗聴に対する安全性のために用いる乱数を、送信点のみで生成できるモデルと、全頂点で生成できるモデルでは、後者のほうが同じ安全性の下で多くのメッセージを送信できるが、後者のモデルでの研究は少ない。

本論文では、以下の2つのテーマを扱う。1つ目は、盗聴に対して強安全かつビザンチン攻撃検出可能なネットワーク符号化法であり、ビザンチン攻撃成功確率の下界の導出と符号化法の提案を行う。2つ目は、全頂点で乱数生成可能なモデルでのネットワーク符号化法であり、新たな必要条件や十分条件の導出などを行う。

## 2 盗聴に対して強安全かつビザンチン攻撃検出可能なネットワーク符号化法

### 2.1 準備

有向非巡回グラフ  $G = (V, E)$  において、送信点  $s \in V$  から受信点集合  $T \subseteq V \setminus \{s\}$  の全頂点に  $L$  個のメッセージ  $M^L = M_1 \cdots M_L$  を送る。ただし、 $M$  を有限集合とし、 $M^L$  は  $M^L$  上の一様分布に従うとする。各枝では、有限集合  $\mathcal{Y}$  上の要素 1 シンボルを伝送する。送信点  $s$  では乱数  $R_s$  を利用できるとし、送信点から出る各枝で伝送するデータを  $(M^L, R_s)$  の関数として定める。また、送信点以外での各頂点  $v$  から出る各枝で伝送するデータを、 $v$  が受信するデータの関数として定める。各受信点  $t$  では、 $M^L$  の要素、またはビザンチン攻撃の検出を表す記号  $\perp$  を出力する。ビザンチン攻撃がない場合には正しいメッセージ  $M^L$  を出力することが復号の条件である。

ネットワーク符号化法が強  $r$ -安全であるとは、以下の条件 (i)(ii) が成り立つことである [2]。

- (i)  $r$  本以下の任意の枝での伝送データと、メッセージ  $M^L$  が、確率的独立である。
- (ii) 各  $1 \leq j \leq L-1$  に対し、 $r+L-j$  本の任意の枝での伝送データと、 $M_1, \dots, M_L$  の任意の  $j$  個からなる組  $(M_{i_1}, \dots, M_{i_j})$  が、確率的独立である。

また、ネットワーク符号化法が  $r$ -安全であるとは、上記の条件 (i) が成り立つことである。

ここで、 $st$ -枝素パスの最大本数を  $\lambda(s, t)$  で表し、 $k := \min_{t \in T} \lambda(s, t)$  と定める。Harada–Yamamoto [2] は、 $\mathcal{M}$  が十分大きな有限体の場合に、 $\mathcal{Y} = \mathcal{M}$  であり強  $(k-L)$ -安全なネットワーク符号化法を与えている。

次にビザンチン攻撃のモデルを述べる。攻撃者は  $k-1$  本以下の任意の枝のデータを改変でき、改変のために、改変される枝での改変前のデータを利用できるとする\*1。受信点  $t$  への攻撃成功を、 $t$  で攻撃が検出されず、かつ誤ったメッセージ  $\widetilde{M}^L \neq M^L$  が復号されることと定め、攻撃成功確率  $P_{\text{success}}$  は、 $t$  への攻撃成功の確率を、受信点  $t$ 、攻撃方法、および改変前のデータに関して最大化したものと定める。

### 2.2 本研究

まず、攻撃成功確率  $P_{\text{success}}$  の限界を与える。

定理 1. 任意の強  $(k-L)$ -安全なネットワーク符号化法に対して、次式が成り立つ：

$$P_{\text{success}} \geq \frac{|\mathcal{M}| - 1}{|\mathcal{Y}|}. \quad (1)$$

一方、以下の符号化法を提案する。 $\mathcal{M} = \text{GF}(p^c)$  であり、整数  $d$  は  $1 \leq d \leq c$  を満たし、 $p$  は  $p \geq L+2$  を満たす素数であり、 $p^c, p^d$  は十分大きいとする。

各枝  $e$  で、以下で定義される  $(W_e, U_e) \in \text{GF}(p^c) \times \text{GF}(p^d)$  を伝送する。 $W_e$  を、 $M^L$  に対する Harada–Yamamoto の強  $(k-L)$ -安全な符号化法で枝  $e$  で伝送するデータとして定める。一方、 $x \in \text{GF}(p^c)$  の下位  $d$  桁に対応する  $\text{GF}(p^d)$  の要素を  $f(x)$  で表し、 $U_e$  を、 $f(\sum_{j=1}^L (M_j)^{j+1})$  に対する Harada–Yamamoto の強  $(k-1)$ -安全な符号化法で枝  $e$  で伝送するデータとして

\*1 このような攻撃は改ざん攻撃と呼ばれる。ネットワーク符号化法に対する改ざん攻撃の定義はいくつか考えられ、本論文では2通りの定義を扱っている。詳細は省略する。

定める. 各受信点では,  $W_e$  からの復号結果と  $U_e$  からの復号結果が不整合なとき  $\perp$  を出力する.

**定理 2.** 上記の符号化法は, 次の条件を満たす強  $(k-L)$ -安全なネットワーク符号化法である:

$$|\mathcal{Y}| = p^{c+d}, \quad P_{\text{success}} \leq Lp^{-d}. \quad (2)$$

提案手法は, 強  $(k-L)$ -安全かつビザンチン攻撃検出可能な初めての符号化法である. 定理 1 より,  $|\mathcal{M}| = p^c$ ,  $|\mathcal{Y}| = p^{c+d}$  の強  $(k-L)$ -安全なネットワーク符号化法に対する攻撃成功確率  $P_{\text{success}}$  の限界は,  $(p^c - 1)/p^{c+d} \approx p^{-d}$  であるため, 提案手法は, 攻撃成功確率  $P_{\text{success}}$  が限界の  $L$  倍程度以下である.

このテーマに対して, 本研究では以下の方法を用いている. まず, 強  $(k-L)$ -安全なネットワーク符号化法の特殊ケースである強い  $(k, L, n)$  ランプ型秘密分散法 [4] に対して, シェアの改変を検出可能な方法の提案と, 攻撃成功確率の下界の導出を行い, それらをネットワーク符号化法に拡張するという方法である. 秘密分散法に対しては, シェア間の相互情報量に注目した定理や, ブロック符号化した場合の定理も与えている.

### 3 全頂点で乱数生成可能なモデルでの盗聴に対して安全なネットワーク符号化法

#### 3.1 準備

本節では, 全頂点で乱数生成可能とし,  $\mathcal{Y} = \mathcal{M}$ ,  $T = \{t\}$  とする.  $M^L$  を  $r$ -安全に送る符号化法の存在判定問題を,  $(L, r)$ -Secure Unicast 問題 ( $(L, r)$ -SU 問題) と呼ぶ. Jain [7] は,  $(1, r)$ -SU 問題を線形時間で解くアルゴリズムを与えている. Huang et al. [5] は,  $(L, 1)$ -SU 問題が複数ユニキャスト問題以上に難しいことを示している. Huang et al. [6] は,  $(L, r)$ -SU 問題に解が存在するための必要条件を与えており, この条件を  $(L, r)$ -HHLK 条件と呼ぶ.  $(1, r)$ -HHLK 条件は十分条件でもあることが [7] より分かる.

#### 3.2 本研究

本研究では主に  $(L, r) = (2, 1)$  の場合を考える.  $(2, 1)$ -HHLK 条件は,  $(2, 1)$ -SU 問題の解が存在するための十分条件ではないことが示せる. 新たな必要条件を与えるために, ネットワークに対する頂点の縮約<sup>\*2</sup>, 枝の追加, 枝の細分という操作を考える.  $(2, 1)$ -SU 問題の解を持つネットワークは, これらの操作後も解を持つことが分かる. ここで,  $(2, 1)$ -HHLK 条件は以下のように書き直せる.

<sup>\*2</sup> 縮約で生じるループは取り除くとし, 縮約後も非巡回性を保つものに対してのみ行うものとし,  $s \in U$  の場合は縮約後の頂点を  $s$  とし,  $t \in U$  の場合は縮約後の頂点を  $t$  とする.

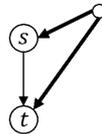


図 1.  $N_1$

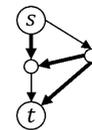


図 2.  $N_2$

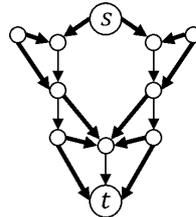


図 3.  $N_3$

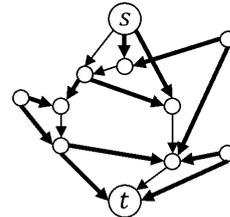


図 4.  $N_4$

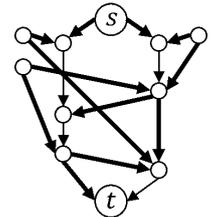


図 5.  $N_5$

**定理 3.**  $(G, s, t)$  が  $(2, 1)$ -HHLK 条件を満たさないことは, 頂点の縮約, 枝の追加, 枝の細分を繰り返して,  $N_1$  または  $N_2$  が得られることと同値である.

よって, 頂点の縮約, 枝の追加, 枝の細分を繰り返して  $N_1$  または  $N_2$  が得られるネットワークには  $(2, 1)$ -SU 問題の解がない. このようなネットワークを新たに見つけることで, 以下の定理を与える.

**定理 4.** ネットワーク  $(G, s, t)$  に頂点の縮約, 枝の追加, 枝の細分を繰り返して, 図 3, 4, 5 のネットワーク  $N_3, N_4, N_5$  のいずれかが得られたとき,  $(G, s, t)$  は  $(2, 1)$ -SU 問題の解を持たない.

$N_3, N_4, N_5$  は, どの太い枝にも 1 本以上の枝がある場合には  $(2, 1)$ -HHLK 条件を満たすことが示せる.

$(L, r)$ -SU 問題に関して, 上記以外に, 本論文では,  $(2, 1)$ -SU 問題の解が存在するための十分条件と, それを満たす場合の符号化法を与えている. また,  $(1, 1)$ -SU 問題の解で, 符号化に必要な乱数が Jain [7] よりも少なくなるような符号化法を与えている.

#### 参考文献

- [1] R. Ahlswede, N. Cai, S.-Y. R. Li, and R. W. Yeung, "Network information flow," *IEEE Trans. Inf. Theory*, vol. 46, no. 4, pp. 1204–1216, 2000.
- [2] K. Harada and H. Yamamoto, "Strongly secure linear network coding," *IEICE Trans. Fundamentals*, vol. E91-A, no. 10, pp. 2720–2728, 2008.
- [3] Q. Guo, M. Luo, L. Li, and Y. Yang, "Secure network coding against wiretapping and Byzantine attacks," *EURASIP Journal on Wireless Communications and Networking*, vol. 2010, no. 17, 2010.
- [4] 山本博資, " $(k, L, n)$  しきい値秘密分散システム," 電子通信学会論文誌, vol. J68-A, no. 9, pp. 945–952, 1985. English Translation: *Electronics and Communications in Japan*, Part 1, vol. 69, no. 9, pp. 46–54, 1986.
- [5] W. Huang, T. Ho, M. Langberg, and J. Kliewer, "On secure network coding with uniform wiretap sets," *Proc. NetCod2013*, pp. 1–6, 2013.
- [6] W. Huang, T. Ho, M. Langberg, and J. Kliewer, "Reverse edge cut-set bounds for secure network coding," *Proc. IEEE ISIT2014*, pp. 106–110, 2014.
- [7] K. Jain, "Security based on network topology against the wiretapping attack," *IEEE Wireless Communications*, vol. 11, no. 1, pp. 68–71, 2004.